

ساعت شروع: ۱۰ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۲۱	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تعداد صفحه: ۲	نام و نام خانوادگی:	رشته: ریاضی- فیزیک	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز آرزوشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir			دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسرا سرکشی در فوبت دی ماه سال ۱۴۰۱

ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
------	-------------------------	------

استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی و رادیکال) مجاز است.

سوالات فصل اول

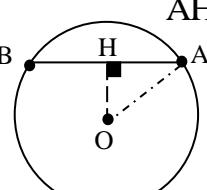
۱	الف) اگر $A = \begin{bmatrix} m & 0 \\ m-2 & n \end{bmatrix}$ باشد مقادیر m و n را بیابید. ب) اگر $B = [b_{ij}]_{3 \times 3}$ ، $b_{ij} = \begin{cases} i+1 & i=j \\ j-2 & i < j \\ 1 & i > j \end{cases}$ ماتریس $B^2 + 2I$ را محاسبه کنید. (ماتریس همانی مرتبه سه است) پ) ماتریس $(B^2 + 2I)^{-1}$ را نشان دهید:	۲/۲۵
۲	با استفاده از ویژگی های ضرب ماتریس ها و ماتریس همانی I درستی رابطه زیر را ثابت کنید: $(A - 3I)^2 = A^2 - 6A + 9I$	۱/۵
۳	با استفاده از ویژگی های ضرب ماتریس ها و ماتریس همانی I درستی رابطه زیر را ثابت کنید: $(\Delta A)^{-1} = \frac{1}{\Delta} A^{-1}$	۱
۴	اگر $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 2 & 6 & 2 \\ 1 & -1 & 2 \end{bmatrix}$ باشد $ A^4 - \frac{1}{2} $ را به دست آورید.	۱/۲۵

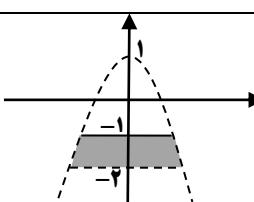
سوالات فصل دوم

۵	الف) هرگاه دو خط d و l موازی باشند، از دوران d حول l سطحی ایجاد می شود. اگر صفحه P بر خط l عمود باشد، سطح مقطع صفحه P و سطح ایجاد شده بیضی است. (درست- نادرست) ب) مکان هندسی مرکز همه دایره های با شعاع ثابت یک، که بر دایره $x^2 + (y+2)^2 = 16$ مماس خارج باشند، دایره ای به مرکز $(-2, 1)$ و شعاع است.	۰/۵
۶	معادله دایره ای را بنویسید که مرکز آن بوده و از خط $3x - 4y + 10 = 0$ و تری به طول ۶ جدا کند.	۱/۲۵
۷	در دایره به معادله ضمنی $x^2 + y^2 + ax + by + c = 0$ با استفاده از روش مربع کامل، ثابت کنید شعاع دایره برابر با $r = \frac{\sqrt{a^2 + b^2 - 4c}}{2}$ است.	۱
۸	در یک بیضی مختصات کانون ها $F(4, 0)$ و $F'(-2, 0)$ و طول قطر بزرگ برابر با ۱۰ است. اگر نقطه $P(1, m)$ روی این بیضی قرار داشته باشد، مقدار m را بیابید.	۱/۲۵
	ادامه سوالات در صفحه دوم	

ساعت شروع: ۱۰ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۲۱	مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	سوالات امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تعداد صفحه: ۲	نام و نام خانوادگی:	رشته: ریاضی- فیزیک	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir			دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسرا سرکشی در فوبت دی ماه سال ۱۴۰۱

ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۹	بیضی با قطر بزرگ $2a$ ، قطر کوچک $2b$ و کانون های F و F' مطابق شکل رو به رو مفروض است. اگر خطی در کانون F بر قطر کانونی عمود باشد و بیضی را در نقطه D قطع کند، ثابت کنید: $DF = \frac{b^2}{a}$	۱/۲۵
۱۰	معادله سهمی را بنویسید که $(F(-3, 2), M(1, 1))$ مختصات کانون و معادله خط هادی آن $x = 1$ باشد.	۱/۲۵
۱۱	مختصات نقاط بروخورد سهمی $y^2 + 7x + 5 = 0$ و دایره $x^2 + y^2 - 2x - 1 = 0$ را به دست آورید.	۱/۵
سوالات فصل سوم		
۱۲	الف) معادله صفحه ای که بر محور Z ها در نقطه به مختصات $A(0, 0, 3)$ عمود باشد، به صورت است. ب) شکل کلی (نمودار) مربوط به روابط $-1 < y \leq -x^2 + 1$ را در فضای دو بعدی رسم کنید.	۱/۲۵
۱۳	اگر زاویه بین دو بردار $(n, 1, 0)$ و $(1, 0, 1)$ برابر با 135° درجه باشد، مقدار n را بیابید.	۱/۵
۱۴	ثابت کنید اگر دو بردار \vec{a} و \vec{b} در یک راستا باشند، آنگاه تصویر قائم \vec{a} بر امتداد \vec{b} ، برابر خود \vec{a} می شود.	۱/۲۵
۱۵	سه بردار $\vec{k} = \vec{i} + \vec{j} + \vec{l}$ و $\vec{a} = (\vec{i}, \vec{j})$ در نظر بگیرید: الف) طول بردار $\vec{c} = 2\vec{b} - \vec{a}$ را به دست آورید. ب) مساحت متوازی الاضلاع که روی دو بردار \vec{a} و \vec{b} ایجاد می شود را به دست آورید.	۲
	موفق و سر بلند باشید	جمع نمره
		۲۰

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ریاضی - فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۲۱		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور دی ماه سال ۱۴۰۱	
ردیف	راهنمای تصحیح	نمره	
۱	m - ۲ = $\frac{۰/۲۵}{۰/۲۵} \rightarrow m = ۲ (۰/۲۵)$ n = m = ۲ (۰/۲۵) $B = \begin{bmatrix} ۲ & ۰ & ۱ \\ ۱ & ۳ & ۱ \\ ۱ & ۱ & ۴ \end{bmatrix} (۰/۵)$ $(B^r + ۲I) = \underbrace{\begin{bmatrix} ۵ & ۱ & ۶ \\ ۶ & ۱۰ & ۸ \\ ۷ & ۷ & ۱۸ \end{bmatrix}}_{(۰/۵)} + ۲ \underbrace{\begin{bmatrix} ۱ & ۰ & ۰ \\ ۰ & ۱ & ۰ \\ ۰ & ۰ & ۱ \end{bmatrix}}_{(۰/۲۵)} = \begin{bmatrix} ۷ & ۱ & ۶ \\ ۶ & ۱۲ & ۸ \\ ۷ & ۷ & ۲۰ \end{bmatrix} (۰/۲۵)$	۱۲ ص	الف)
۲	$A^{-1} = \frac{۱}{-۲} \begin{bmatrix} -۱ & ۱ \\ -۱ & ۳ \end{bmatrix} (۰/۵) \rightarrow \frac{۱}{۵} A^{-1} = \begin{bmatrix} \frac{۱}{۱۰} & -\frac{۱}{۱۰} \\ \frac{۱}{۱۰} & -\frac{۳}{۱۰} \end{bmatrix} (۰/۲۵)$ $۵A = \begin{bmatrix} ۱۵ & -۵ \\ ۵ & -۵ \end{bmatrix} (۰/۲۵) \rightarrow (5A)^{-1} = \frac{۱}{-۵ \cdot \underbrace{\begin{bmatrix} -۵ & ۵ \\ -۵ & ۱۵ \end{bmatrix}}_{(۰/۲۵)}} = \begin{bmatrix} \frac{۱}{۱۰} & -\frac{۱}{۱۰} \\ \frac{۱}{۱۰} & -\frac{۳}{۱۰} \end{bmatrix} (۰/۲۵)$	۲۱ و ۲۳ ص	
۳	$(A - ۳I)^r = \underbrace{(A - ۳I)(A - ۳I)}_{(۰/۲۵)} = \underbrace{A^r - ۳AI - ۳IA + ۹I^r}_{(۰/۲۵)} \stackrel{AI=IA=A}{=} A^r - ۶A + ۹I (۰/۵)$	۳۱ و ۱۹ ص	
۴	$ A = ۲ (۰/۵), \left -\frac{۱}{۲} A^r \right = \underbrace{\left(-\frac{۱}{۲} \right)^r}_{(۰/۵)} A ^r = -۲ (۰/۲۵)$	۳۱ و ۲۸ ص	
۵	الف) نادرست (۰/۲۵) ص ۳۹ ب) ۵ (۰/۲۵) ص ۳۹	۳۹ ص	
۶	از مرکز دایره بر وتر عمود می کنیم عمود OH وتر AB را نصف می کند. $(۰/۲۵)$  $AH = \frac{1}{2} AB = ۳$ $OA^r = OH^r + AH^r \rightarrow r^r = (۴)^r + (۳)^r = ۲۵ (۰/۲۵), (x-۲)^r + (y+1)^r = ۲۵ (۰/۲۵)$ $OH = \frac{ ۳(۲) - ۴(-1) + ۱۰ }{\sqrt{۹+۱۶}} = ۴ (۰/۵)$	۴۳ ص	
	«ادامه در صفحه دوم»		

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰: صبح	رشته: ریاضی - فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۲۱		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور دی ماه سال ۱۴۰۱	
ردیف	راهنمای تصحیح	نمره	
۷	$x^2 + y^2 + ax + by + c = 0 \rightarrow \left(x^2 + ax + \frac{a^2}{4} \right) + \left(y^2 + by + \frac{b^2}{4} \right) = -c + \frac{a^2}{4} + \frac{b^2}{4} \quad (0/5)$ $\underbrace{\left(x + \frac{a}{2} \right)^2 + \left(y + \frac{b}{2} \right)^2}_{(0/25)} = \frac{a^2 + b^2 - 4c}{4} \rightarrow r^2 = \frac{a^2 + b^2 - 4c}{4} \rightarrow r = \frac{\sqrt{a^2 + b^2 - 4c}}{2}$	۱	
۸	$PF + PF' = 2a \xrightarrow{(0/25)} \sqrt{9+m^2} + \sqrt{9+m^2} = 10 \xrightarrow{(0/5)} m = \pm 4 \quad (0/5)$	۱/۲۵	۴۸ ص
۹	<p>نقشه D روی بیضی قرار دارد، بنا به تعریف بیضی: $DF + DF' = 2a \quad (0/25)$</p> <p>در مثلث قائم الزاویه DFF' بنا به قضیه فیثاغورث داریم:</p> $DF^2 + FF'^2 = DF'^2 \xrightarrow{(0/25)} DF^2 + (2c)^2 = (2a - DF)^2 \quad (0/25)$ $DF = \frac{a^2 - c^2}{a} \xrightarrow{(0/5)} DF = \frac{b^2}{a}$	۱/۲۵	
۱۰	<p>با توجه به جایگاه کانون و معادله خط هادی، سهمی افقی و دهانه آن به سمت چپ می باشد. $(0/25)$</p> <p>مختصات راس سهمی $A(-1, 2) \quad (0/25)$، در این سهمی $a = AF = 2 \quad (0/25)$</p> <p>معادله آن برابر است با: $(y - 2)^2 = -8(x + 1) \quad (0/5)$</p>	۱/۲۵	
۱۱	$\begin{cases} y^2 + 7x + 5 = 0 \\ x^2 + y^2 = 25 \end{cases} \rightarrow x^2 + (-7x - 5) = 25 \xrightarrow{(0/25)} x^2 - 7x - 30 = 0$ $x = -3, x = 10 \quad (0/5)$ $\begin{cases} x = -3 \rightarrow y^2 = 16 \rightarrow y = \pm 4 \xrightarrow{(0/25)} (-3, 4), (-3, -4) \quad (0/25) \\ x = 10 \rightarrow y^2 = -75 \quad (0/25) \end{cases}$ <p>غیر قابل</p>	۱/۵	۵۸ ص
۱۲	<p>الف) $z = 3 \quad (0/25)$ ص ۶۸</p> <p>ب) رسم نمودار (به طوری که خط و خط چین مشخص باشد). (۱)</p> 	۱/۲۵	۶۳ ص
	«ادامه در صفحه سوم»		

مدت امتحان: ۱۳۵ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰: صبح	رشته: ریاضی - فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: هندسه ۳
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۱۰/۲۱		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور دی ماه سال ۱۴۰۱			مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۳	$\cos \theta = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{ \vec{a} \vec{b} } \xrightarrow{(0/25)} -\frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{2-n}{\sqrt{2} \times \sqrt{4+1+n^2}} \xrightarrow{(0/5)} \frac{n-2}{\sqrt{n^2+5}} = 1 \quad (0/25)$ ۷۸ ص $n^2 + 5 = n^2 - 4n + 4 \xrightarrow{(0/25)} n = -\frac{1}{4} \quad (0/25)$	۱/۵
۱۴	$\vec{a} = r \vec{b} \quad (0/25)$ $\vec{a}' = \underbrace{\frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{ \vec{b} ^2} \vec{b}}_{(0/25)} = \underbrace{\frac{(r\vec{b}) \cdot \vec{b}}{ \vec{b} ^2} \vec{b}}_{(0/25)} = \underbrace{\frac{r \vec{b} ^2}{ \vec{b} ^2} \vec{b}}_{(0/25)} = r\vec{b} = \vec{a}$ ۸۰ ص	۱/۲۵
۱۵	۱) $2\vec{b} = (2, 0, 2) \quad (0/25), \quad 2\vec{b} - \vec{c} = (2, -2, 1) = 3 \quad (0/5)$ ۲) $\vec{b} + \vec{c} = (1, 2, 2) \quad (0/25)$ $S = \underbrace{ \vec{a} \times (\vec{b} + \vec{c}) }_{(0/25)} = \underbrace{ (\lambda, -\Delta, 1) }_{(0/5)} = 3\sqrt{10} \quad (0/25)$ ۷۶ ص الف) ۸۱ ص ب)	۲
	"مصحح گرامی، به راه حل های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود"	۲۰